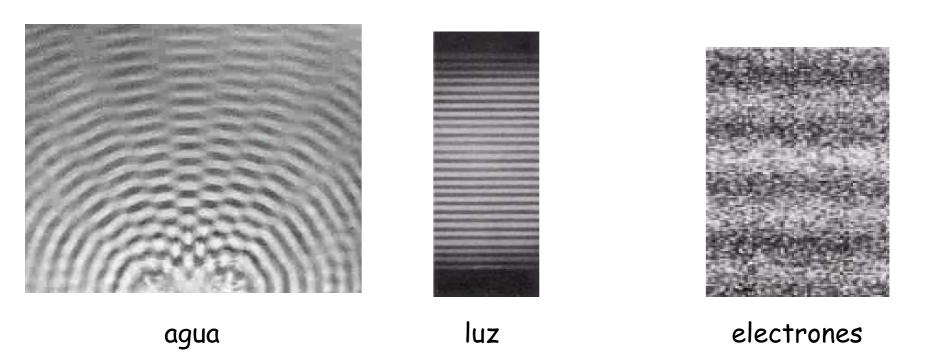
# Física II- Curso de Verano 2014

Clase 6

# Interferencia

Interferencia es un fenómeno característico del movimiento ondulatorio



¿De qué depende este patrón observado?

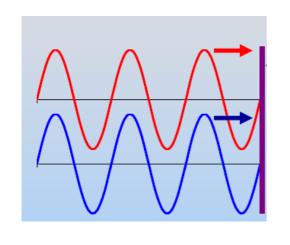
Depende de

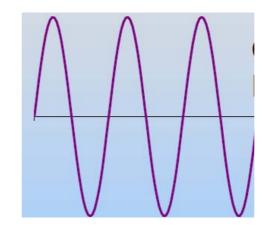
- ·la longitud de onda
- ·la distancia entre las fuentes

## Luz es una onda electromagnética

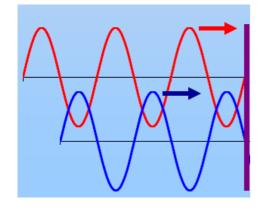
Ondas se superponen: vale el principio de superposición

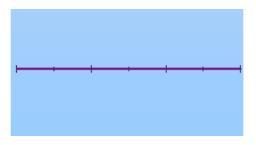
$$A(x,t) = A_1(x,t) + A_2(x,t) + \dots + A_n(x,t) = \sum_{i=1}^n A_i(x,t)$$





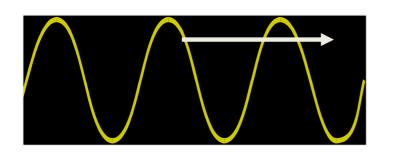
Interferencia constructiva

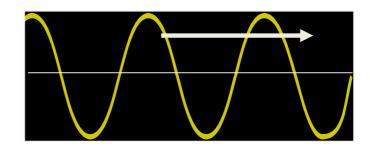




Interferencia destructiva

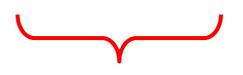
Consideremos, ondas armónicas, que se mueven en igual dirección, con igual frecuencia  $\omega$ , y amplitud  $A_{\mathcal{O}}$ , desfasadas en  $\delta$ .





$$A(x,t) = A_1 + A_2 = A_0 sen(kx - \omega t) + A_0 sen(kx - \omega t + \delta)$$

$$\implies A(x,t) = 2 A_0 \cos\left(\frac{\delta}{2}\right) sen\left(kx - \omega t + \frac{\delta}{2}\right)$$



**Amplitud** 

Onda viajera desfasada en  $\delta/2$  en relación a las ondas originales

#### Caso de Ondas Electromagnéticas:

Coinciden en el mismo punto del espacio, dos ondas una con campo eléctrico E<sub>1</sub> y otra con E<sub>2</sub>

$$E_{1} = E_{0}sen(\omega t)$$

$$E_{2} = E_{0}sen(\omega t + \delta)$$

$$E = E_{1} + E_{2} = E_{0}sen(\omega t) + E_{0}sen(\omega t + \delta)$$

$$como$$

$$sen\alpha + sen\beta = 2sen\frac{\alpha + \beta}{2}\cos\frac{\alpha - \beta}{2}$$

$$E = 2E_{0}\cos\frac{\delta}{2}sen(\omega t + \frac{\delta}{2})$$

Interferencia constructiva 
$$\delta=0,2\pi,....2m\pi$$
Interferencia destructiva  $\delta=\pi,3\pi,....(2m+1)\pi$ 

## Intensidad

$$I = 4I_0 \cos^2(\frac{\delta}{2})$$

Interferencia constructiva

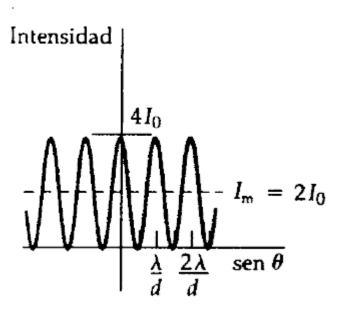
$$\delta = 0.2\pi, \dots 2m\pi$$

Intensidad máxima

Interferencia destructiva

$$\delta = \pi, 3\pi, \dots (2m+1)\pi$$

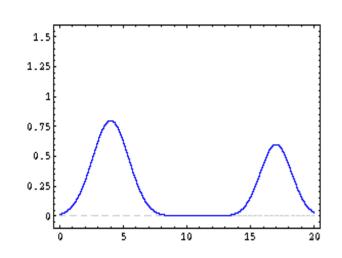
Intensidad nula (sombra)





## Interferencia Constructiva

## Interferencia Destructiva



$$\cos\left(\frac{\delta}{2}\right) = \pm 1 \quad \Rightarrow \frac{\delta}{2} = m\pi$$

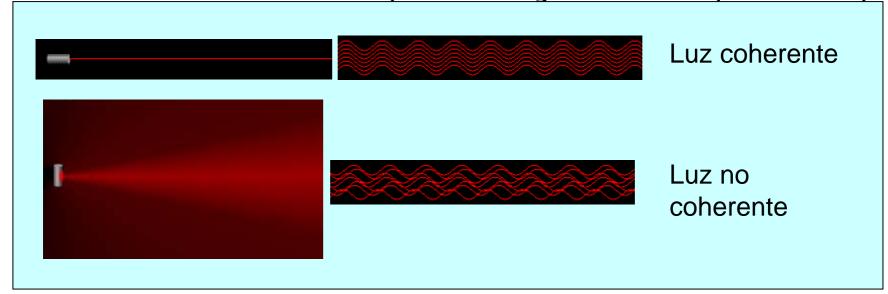
$$\cos\left(\frac{\delta}{2}\right) = 0 \quad \Rightarrow \frac{\delta}{2} = (2m+1)\pi$$

$$\delta = 0, 2\pi, \dots, (2m)\pi$$

$$\delta = \pi, 3\pi, \dots, (2m+1)\pi$$

## Para producir interferencia

- Las fuentes de onda deben ser coherentes (producir ondas con diferencia de fase constante).
- Deben ser monocromáticas (una sola longitud de onda (frecuencia).

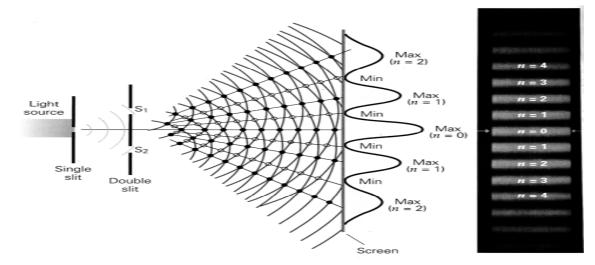


Dos fuentes monocromáticas se dicen coherentes cuando emiten luz con la misma frecuencia y longitud de onda. Deben tener una relación de fase definida y constante.

## LASER

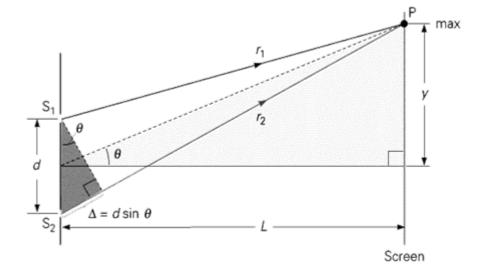
#### Interferencia de la Luz

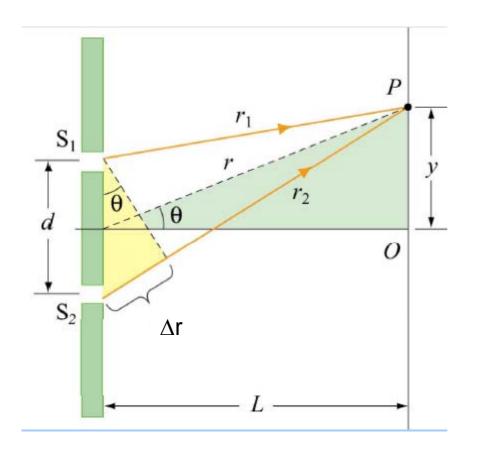
1800 Thomas Young, experimento de interferencia, dedujo que la luz es un fenómeno ondulatorio. Observó la imagen que producía la luz al pasar primero a través de una rendija y luego a través de otras dos rendijas muy cercanas entre sí, una paralela a la otra.



 La diferencia de caminos ópticos entre los rayos procedentes de las dos fuentes causa un desfase

$$\Delta r = d \operatorname{sen} \theta$$





#### **DIFERENCIA DE CAMINOS**

$$\Delta r = d \operatorname{sen} \theta$$

#### **DIFERENCIA DE FASE (EN P)**

$$\delta = k\Delta r = \frac{2\pi}{\lambda} d \operatorname{sen} \theta$$

$$\delta = 2 m \pi$$
$$d sen (\theta) = m \lambda$$

Interferencia constructiva

$$\delta = (2 m + 1)\pi$$

$$d sen (\theta) = \left(m + \frac{1}{2}\right) \lambda$$

Interferencia destructiva

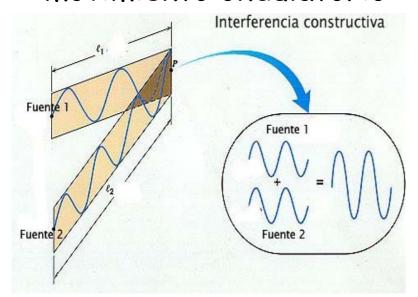
## Interferencias de dos fuentes

Constructivas

$$\cos\delta = 1 \implies E_0 = E_{01} + E_{02}$$

$$\delta = 2m\pi \implies \Delta r = m\lambda$$

 Se refuerza el movimiento ondulatorio

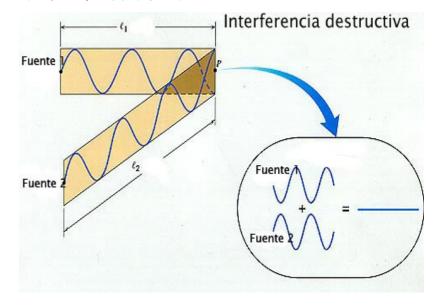


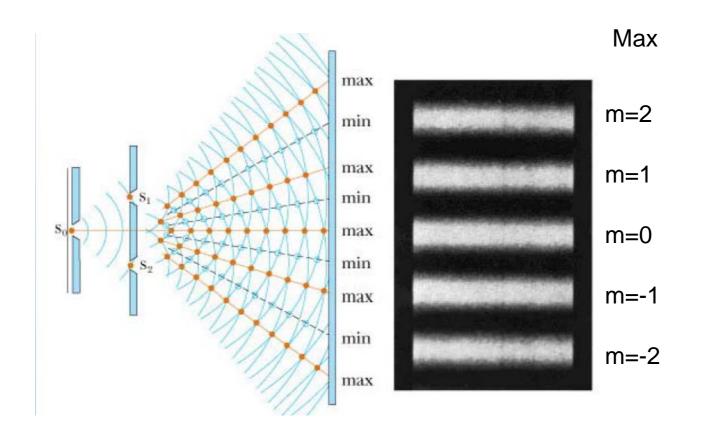
Destructivas

$$\cos \delta = -1 \implies E_0 = E_{01} - E_{02}$$

$$\delta = (2m+1)\pi \implies \Delta r = (2m+1)\frac{\lambda}{2}$$

 Se atenúa el movimiento ondulatorio





- Patrones de interferencia en la pantalla (para pequeños ángulos)
  - Máximos

$$y_m = m \frac{L}{d} \lambda$$

Mínimos

$$y_m = (2m + 1) \frac{L}{d} \frac{\lambda}{2}$$

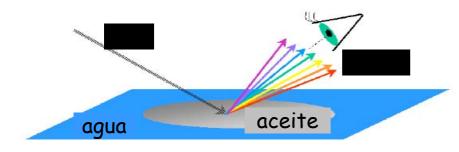
$$\Delta y = \frac{\lambda L}{d}$$

## INTERFERENCIA EN LÁMINAS DELGADAS

- ·Pompas de jabón
- ·Manchas de aceite, etc.

¿Dónde tiene origen esta interferencia?





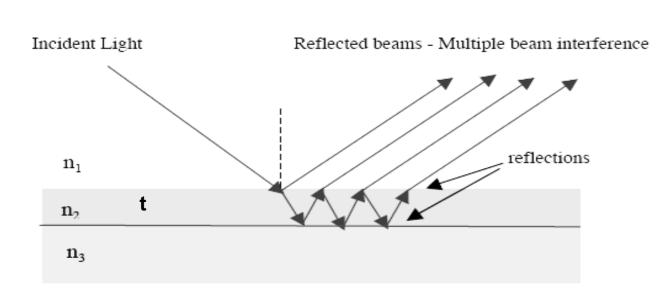
Cambio de medio, Reflexión y Transmisión + reflexión

Reflexión: \* cambio de fase

Transmisión + reflexión: \* cambio de fase?

\* diferencia en el recorrido de la luz

## INTERFERENCIA EN LÁMINAS DELGADAS





 $1^{\text{ra}}$  Reflexión,  $\delta$ =180° ( $n_1$ < $n_2$ )  $2^{\text{da}}$  Reflexión  $\delta$ =0° ( $n_2$ > $n_3$ )

long. de onda en un medio de índice n

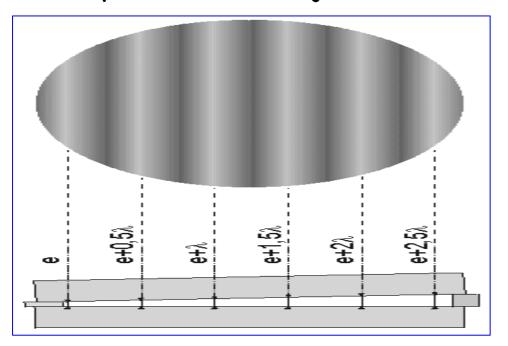
$$\lambda_n = \lambda_0 / n$$

$$(2m+1)\lambda_n/2 \quad \text{Constructiva} \qquad \qquad m=0,\pm 1,\pm 2,$$
 
$$(m)\lambda_n \qquad \text{Destructiva}$$

#### INTERFERENCIA EN PELÍCULAS DELGADAS

#### CUÑAS DE AIRE

- Interferencias en cuñas de anchura h y longitud L: reflexión en una lámina de aire.
- Se producen franjas brillantes y oscuras



➤ Posiciones de las franjas brillantes

$$y = (2m+1)\frac{\lambda}{4} \qquad x = (2m+1)\frac{\lambda}{4}\frac{L}{h}$$

> Posiciones franjas oscuras

$$y = m\frac{\lambda}{2}$$
  $x = m\frac{\lambda}{2}\frac{L}{h}$ 

$$m = 0, \pm 1, \pm 2,$$

#### INTERFERENCIA EN PELÍCULAS DELGADAS

#### ANILLOS DE NEWTON

# R R

$$R^2 = (R - d_k)^2 + r_k^2$$

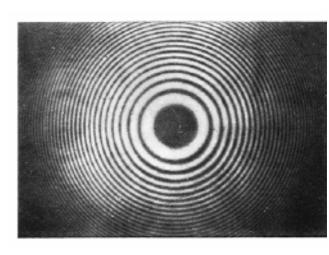
despejando

$$d_{k} = r_{k}^{2}/(2R - d_{k}) \approx \frac{r_{k}^{2}}{R}$$

 $d_{k} = r_{k}^{2}/(2R - d_{k}) \approx \frac{r_{k}^{2}}{R}$ 

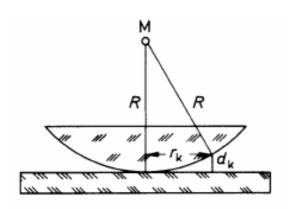
$$\lambda_n = \lambda_0 / n$$

reflexión



d<sub>k</sub>=diferencia de camino óptico





## Reflexión

 $2d_{k} \begin{cases} (2k+1)\lambda_{n}/2 \text{ Constructiva} \\ (k)\lambda_{n} \text{ Destructiva} \end{cases}$ 

$$r_k^2$$
 
$$\begin{cases} (2k+1)\lambda_0R/(2n) \ \text{Constructiva} \\ (k)R\lambda_0/(n) \ \text{Destructiva} \end{cases}$$

Transmisión

destructiva constructiva

destructiva constructiva

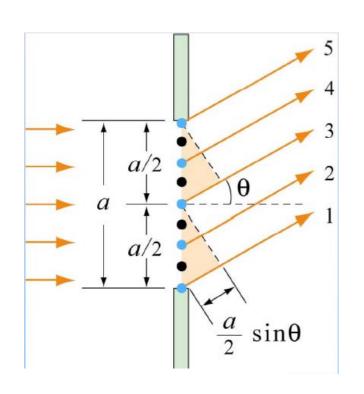
## **DIFRACCIÓN**

La luz se desvía en vez de seguir en línea recta después que pasa por obstáculo.

Es apreciable cuando la dimensión de los obstáculos es menor o igual que la longitud de onda de la luz.

Es un fenómeno similar a la interferencia pero para fuentes continuas.

## Difracción debido a una rendija simple



- Dividimos la fuente en N sectores de ancho a/N
- 2) Calculamos la interferencia de las N fuentes desfasadas  $\delta$  entre ellas (N $\delta$ = $\theta$ ')

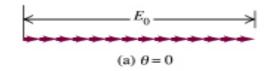
#### **Encontramos:**

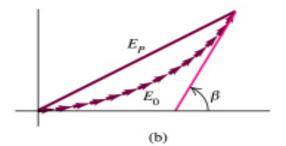
$$\mathbf{E} = \mathbf{E}\mathbf{0} \left[ \frac{sen\left(\frac{\pi a sen \theta}{\lambda}\right)}{\frac{\pi a sen \theta}{\lambda}} \right]$$

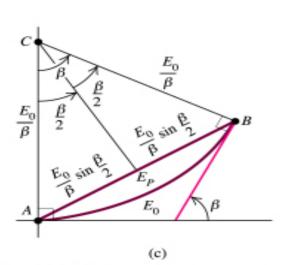
$$I = I_{0} \left[ \frac{\operatorname{sen}(\pi \operatorname{a} \operatorname{sen}\theta / \lambda)}{\pi \operatorname{a} \operatorname{sen}\theta / \lambda} \right]^{2}$$

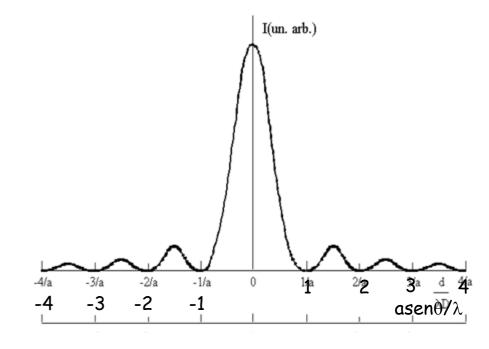
## Ranura: Incidencia normal

## Usando el método fasorial









$$I = I_0 \left[ \frac{sen(\pi a sen\theta/\lambda)}{\pi a sen\theta/\lambda} \right]^2$$

Ancho del lóbulo central:  $\theta = \lambda/a$ 

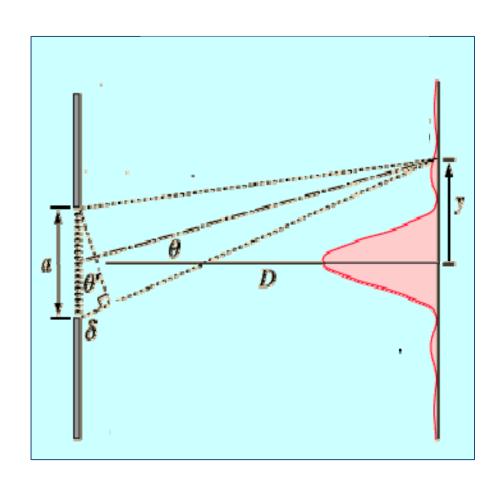
mínimos:  
a sen
$$\theta$$
 = m $\lambda$ , m $\neq$ 0

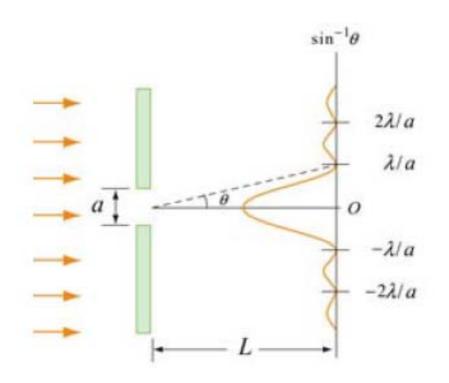
$$I = I_{o} \left[ \frac{\text{sen}(\pi \, a \, \text{sen} \theta \, / \, \lambda)}{\pi \, a \, \text{sen} \theta \, / \, \lambda} \right]^{2}$$

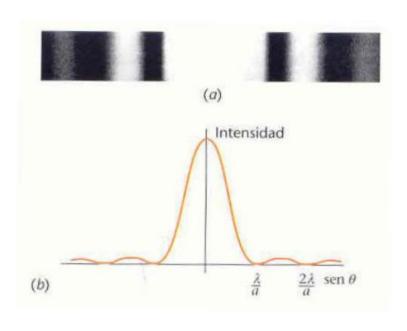
máximos:  
a sen
$$\theta$$
 = (2m+1) $\lambda$ /2, m=0, 1

Posición de los mínimos sobre la pantalla:

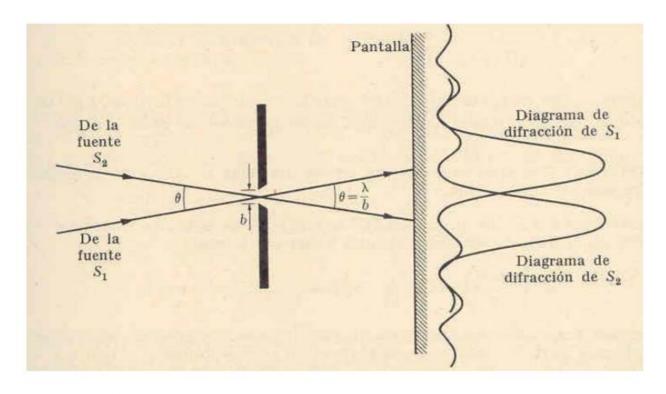
$$y_k = \frac{k\lambda D}{a}$$



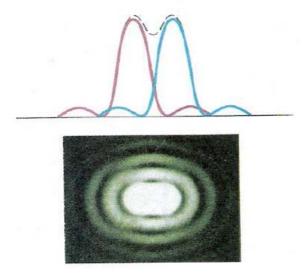


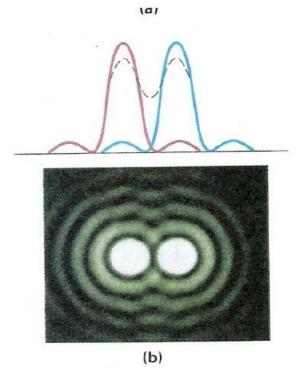


Poder de resolución de una rendija rectangular según el criterio de Rayleigh; dos objetos con una separación angular q son distinguibles a partir de que el primer cero del diagrama de difracción de uno caiga sobre el máximo central del otro.



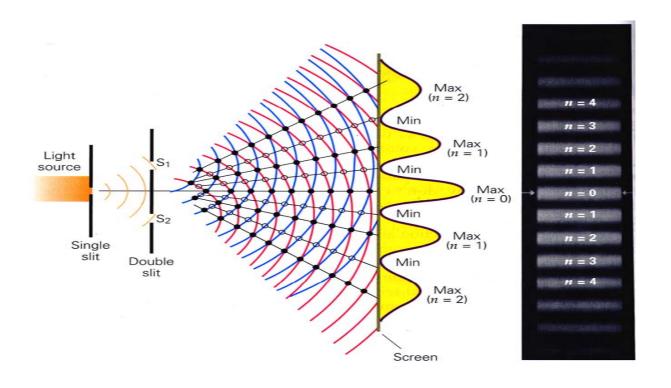
$$\theta \approx sen \theta = 1.22 \frac{\lambda}{b}$$
 Para una abertura circular de radio R  $\theta \approx sen \theta = 1.22 \frac{\lambda}{2R} = 1.22 \frac{\lambda}{D}$ 



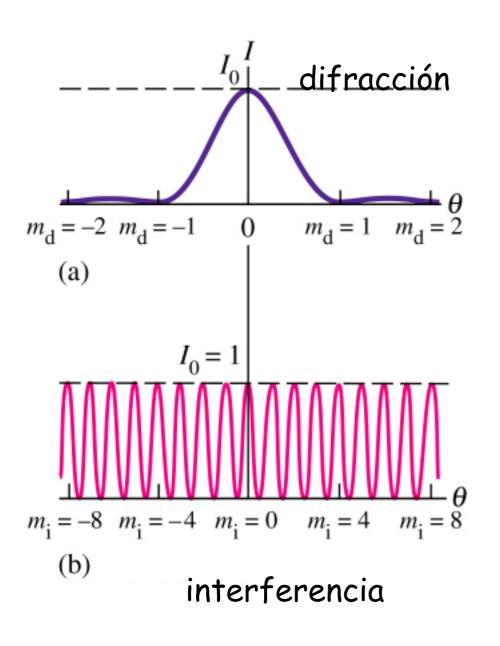


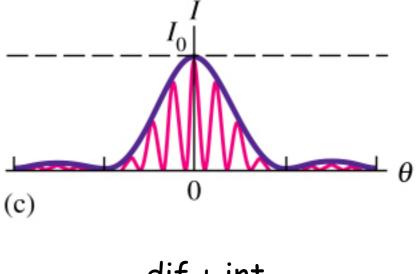
### Interferencia + Difracción

(dos rendijas de ancho a separadas una distancia d)



$$I = I_0 \left[ \frac{sen(\pi \, a \, sen\theta \, / \, \lambda)}{\pi \, a \, sen\theta \, / \, \lambda} \right]^2 \cos^2 \left[ \frac{\pi \, d \, sen\theta}{\lambda} \right]$$
 donde a = ancho de la rendija d = separación entre rendijas





dif + int

$$I = I_0 \cos^2 \left( \frac{\pi d \sin \theta}{\lambda} \right)$$

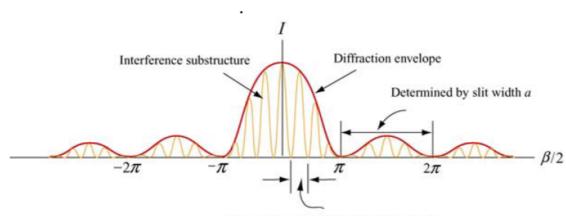
$$I = I_0 \left[ \frac{\sin(\beta/2)}{\beta/2} \right]^2 = I_0 \left[ \frac{\sin(\pi a \sin \theta/\lambda)}{\pi a \sin \theta/\lambda} \right]^2$$

Interferencia

Difracción

$$I = I_0 \cos^2 \left( \frac{\pi d \sin \theta}{\lambda} \right) \left[ \frac{\sin (\pi a \sin \theta / \lambda)}{\pi a \sin \theta / \lambda} \right]^2$$

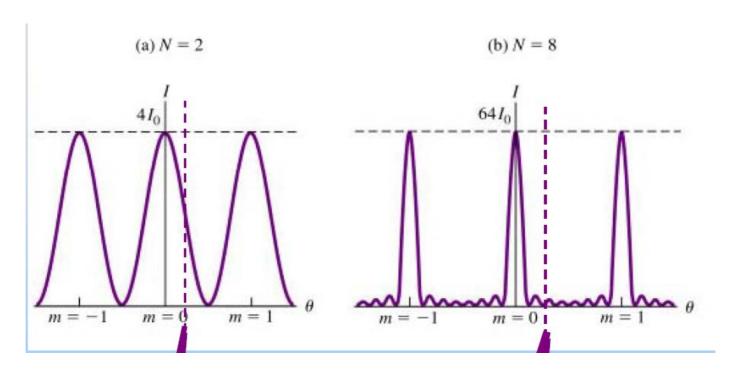
#### Interferencia + difracción



Determined by separation d between slits

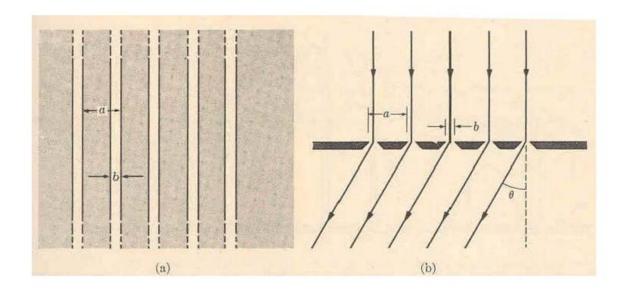
$$I = \frac{I_0 sen(N\alpha)}{sen(\alpha)}$$

$$\alpha = \frac{\pi dsen(\theta)}{\lambda}$$



$$m\dot{\alpha}x$$
  $\frac{senN\alpha}{sen\alpha} = \pm N$ ,  $\alpha = m\pi$   $sen\theta = \frac{m\lambda}{d}$ 

#### Redes de difracción



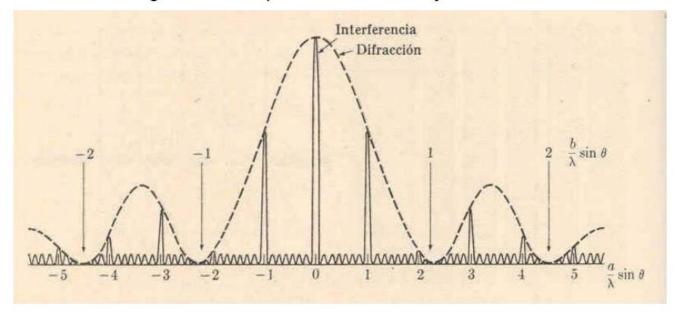
N rendijas de ancho b separadas una distancia a

$$I = I_0 \left[ \frac{sen\left(\frac{\pi b sen \theta}{\lambda}\right)}{\frac{\pi b sen \theta}{\lambda}} \right]^2 \left[ \frac{sen\left(\frac{N\pi a sen \theta}{\lambda}\right)}{sen\left(\frac{\pi a sen \theta}{\lambda}\right)} \right]^2$$

Si N es muy grande, el diagrama consistirá en una serie de franjas brillantes angostas correspondientes a los máximos principales del diagrama de interferencia dados por

$$sen \theta = \frac{m\lambda}{a}$$
  $m = 0, \pm 1, \pm 2...$  Poder de resolución  $R = \frac{\lambda}{\Delta \lambda} = mN$ 

Diagrama correspondiente a 8 rendijas



## Red de Difracción

$$m\acute{a}x$$
  $\frac{senN\alpha}{sen\alpha} = \pm N$ ,  $\alpha = m\pi$   $sen\theta = \frac{m\lambda}{d}$ 

Si incide luz blanca, máximos diferentes para distintos valores de  $\lambda$ .

## La red de difracción es la base de los monocromadores

El diagrama consistirá en una serie de franjas brillantes, correspondientes a los máximos principales de la interferencia de N fuentes dada por a sen $\theta/\lambda=m$  con m=0, ±1, ±2,...

